反トルク平衡に基づく人型ロボットの三次元的重心運動推定

舛屋 賢^{*1}, 杉原 知道^{*2}

3D-COM Motion Estimation for a Humanoid Robot based on Equilibrium of Reaction Torque

Ken Masuya*1 and Tomomichi Sugihara*2

*1 Department of Adaptive Machine Systems, Graduate school of engineering, Osaka University 2-1 Yamadaoka, Suita, Osaka, 565-0871 Japan

*2 Department of Adaptive Machine Systems, Graduate school of engineering, Osaka University 2-1 Yamadaoka, Suita, Osaka, 565-0871 Japan

A novel Kalman filter to estimate the center of mass (COM) for 3-dimensional motion of humanoid robot is proposed. It combines COM informations from the kinematics model, the ground reaction force and the relationship between COM and the zero moment point (ZMP). In author's previous work, a Kalman filter based on the same idea was proposed but it dealt with 2-dimensional motion. This paper improves it and takes the reaction torque into consideration in order to make tuning to reduce offset easier. Through the simulation which a robot walks forward, the validity of the proposed method is verified.

Key Words : COM estimation, Humanoid robot, Sensor fusion

1. はじめに

人型ロボットの制御において、ロボットの全身運動 を重心運動で表し、それを制御量とする方法の有効性 が報告されている^{(1)~(3)}.それらにおいて現在の重心位 置が必要となるが、重心はロボットの運動とともに変 化するため、体幹位置のようにカメラなどである一点 を計測すればよいものではない.そのため、重心運動 の推定が求められる.

重心推定において、各リンクの質量特性とモーショ ンキャプチャやエンコーダから得た関節変位を用いて 運動学により計算する方法がよく用いられる^{(4)~(9)}.し かし、その計算に必要な質量特性や身体系の位置・姿 勢の誤差が推定精度に影響を及ぼす.別の方法として、 反力から得られる重心加速度の2階積分があるが、積 分に伴う誤差の累積⁽⁷⁾と初期誤差の残留が問題である. これらの方法におけるオフセット誤差に対して、ゼロ モーメントポイント (ZMP⁽¹⁰⁾)の有効性が確認されて おり、ZMP にローパスフィルタ (LPF)をかける方法 (^{11)~(13)}や、重心と ZMP の関係を倒立振子とみなした モデル (重心-ZMP モデル、図 1)に基づく方法⁽⁶⁾⁽⁸⁾⁽¹⁴⁾ が提案されている.しかし、これらは水平方向のオフ セット補償のみを主に扱っており,三次元運動で重要 となる鉛直方向については重要視していなかった.足 首周りに回転する倒立振子に基づいて鉛直方向も含め て推定する方法⁽⁹⁾⁽¹⁵⁾が提案されているが,支持足は地 面に対して動かないと仮定している点で問題である.

そこで、本研究では、人型ロボットの全方向におけ る高精度な重心運動推定を目指す.この目的のために、 著者ら⁽¹⁶⁾はこれまでに運動学計算、反力情報、重心-ZMP モデルのそれぞれから得られる重心情報をカル マンフィルタにより統合し、左右方向と鉛直方向の推 定を行った.その方法において、重心-ZMP モデルに おける鉛直方向と左右方向の干渉を推定に利用するこ とで、それらの方向における精度を改善した.本稿で は、それを三次元に拡張したカルマンフィルタを提案 する.従来の方法において、重心-ZMP モデルとして モーメントが零となる水平成分のみを扱ってきた.三 次元へ拡張する際、同様にして水平2軸とすることが 考えられるが、却ってパラメータの調整が難しい.そ こで、本稿では全方向における反トルク平衡を考え、 非零となる鉛直軸のものも組み込む.

2. 関連研究

人型ロボットの重心推定において、人の重心推定技 術と類似したものが多く用いられている.最もよく用 いられる方法は、各リンクの質量・重心位置などの質

^{*1} 大阪大学大学院工学研究科知能・機能創成工学専攻(〒565-0871 大阪府吹田市山田丘 2-1) ken.masuya@ams.eng.osakau.ac.jp

^{*2} 大阪大学大学院工学研究科知能・機能創成工学専攻 (〒 565-0871 大阪府吹田市山田丘 2-1) zhidao@ieee.org



Fig. 1 COM-ZMP model

量特性,慣性系に対する身体系の位置・姿勢から運動 学により次のように求めるものである.

$$\boldsymbol{p}_{G} = \frac{\sum_{i=1}^{n_{I}} m_{i} \boldsymbol{p}_{G,i}}{\sum_{i=1}^{n_{I}} m_{i}} \tag{1}$$

$$= \mathbf{p}_{0} + \mathbf{R}_{0} \frac{\sum_{i=1}^{n_{l}} m_{i}^{0} \mathbf{p}_{G,i}}{\sum_{i=1}^{n_{l}} m_{i}}$$
(2)

ここで、 p_G , p_0 , R_0 はそれぞれ慣性系 Σ に対する重 心位置、身体系 Σ_0 の位置と姿勢を表し、 m_i は i 番目 リンクの質量、 n_l はリンクの総数である.また、 $p_{G,i}$, ${}^0p_{G,i}$ はそれぞれ慣性系と身体系に対する i 番目リンク の重心位置を表す.式(2)を時間微分することにより、 重心速度 v_G が求まる.

$$\boldsymbol{v}_{G} = \boldsymbol{v}_{0} + \boldsymbol{\omega}_{0} \times \boldsymbol{R}_{0} \frac{\sum_{i=1}^{n_{l}} m_{i}^{0} \boldsymbol{p}_{G,i}}{\sum_{i=1}^{n_{l}} m_{i}} + \boldsymbol{R}_{0} \frac{\sum_{i=1}^{n_{l}} m_{i}^{0} \boldsymbol{v}_{G,i}}{\sum_{i=1}^{n_{l}} m_{i}} \quad (3)$$

ここで、 v_0 と ω_0 はそれぞれ慣性系 Σ に対する身体系 Σ_0 の速度と角速度を表し、 ${}^0v_{G,i}$ は身体系に対するi番 目リンクの重心速度を表す. 各リンクの質量特性とし て、人では屍体のデータから、ロボットでは CAD の データからモデル化したものが用いられる.しかし, 人においては個人差により, ロボットにおいては電装 系などにより、実際のものとモデル化したものの間に は誤差が生じるため、式(2)、(3)から得られる p_G と v_G もまた誤差をもつ.この問題に対して、Venture $ら^{(5)}$ はベースリンクの運動から質量特性を同定する方法を 提案した. また, Cotton ら⁽⁴⁾は, Statically Equivalent Serial Chain (SESC) に基づいて重心位置を推定した. しかし,式(2),(3)から明らかなように慣性系に対す る身体系の情報もまた重心の推定精度に影響を与える. Xinjilefu ら⁽⁶⁾は、質量特性が既知であるとしてロボッ トを5リンクモデルで近似し、矢状面の運動に対して 位置と姿勢を推定する非線形カルマンフィルタを提案 した.この方法において、支持足は動かないと仮定し ているが、その仮定は常に満たされるとは限らない.

重心運動を推定する別の方法として、反力から得ら れる重心加速度の積分が挙げられる⁽⁷⁾. ロボットにか かる全外力と重心加速度の関係は次式で表される.

$$m\ddot{\boldsymbol{p}}_{G} = \boldsymbol{f} - m\boldsymbol{g} \tag{4}$$

ただし、 $g = [00g]^{T}$ であり、gは重力加速度である.mはロボットの全質量であり、 $m = \sum_{i=1}^{n} m_{i}$ である.いま、 全反力が計測可能であり、mは静止時の力から計測で きるとすると、式(4)から $p_{G} \ge v_{G}$ を推定できる.

$$\boldsymbol{v}_{G} = \int_{0}^{t} \left(\frac{\boldsymbol{f}}{m} - \boldsymbol{g} \right) d\tau + \boldsymbol{v}_{G0}$$

$$\int_{0}^{t} \left(\int_{0}^{\tau} \left(\boldsymbol{f} \right) \right) d\tau + \boldsymbol{v}_{G0}$$
(5)

$$\boldsymbol{p}_{G} = \int_{0}^{r} \left(\int_{0}^{r} \left(\frac{\boldsymbol{J}}{m} - \boldsymbol{g} \right) dT + \boldsymbol{v}_{G0} \right) d\tau + \boldsymbol{p}_{G0}$$
(6)

ここで, $p_{G0} \ge v_{G0}$ は初期時刻 t = 0 における $p_G \ge v_G$ の値である.しかし,計測された反力はノイズを 含むため,積分に伴い誤差が累積する.また,式(5), (6) から明らかなように, $p_{G0} \ge v_{G0}$ に含まれる初期 誤差は補償されずに残留する.

そのようなオフセット誤差に対して,ZMPの有効性 がこれまでに示されてきた.準静的な運動において水 平面への重心投影点とZMPが一致する特性に基づい て,Bendaら⁽¹¹⁾,Caronら⁽¹²⁾はZMPに対してLPFを 通すことで重心推定を行った.しかし,これらはLPF を用いるために,高速な運動の推定には向いていない. これに対して,Schepersら⁽¹³⁾は式(6)から得られる重 心位置にハイパスフィルタ(HPF)を通し,LPFを通 したZMPに相補的に加える方法を提案した.しかし, 鉛直方向については骨盤の高さを低周波数領域の信号 として用いているため,依然として誤差が存在する.

一方で,重心-ZMP モデルに基づいて,ZMP を重心 推定に利用する方法もまた提案されている⁽⁶⁾⁽⁸⁾⁽¹⁴⁾.こ のモデルは,式(4)で表される力の釣り合いと次式で 表されるモーメントの釣り合いから導出される.

$$(\boldsymbol{p}_G - \boldsymbol{p}_Z) \times \boldsymbol{f} + \boldsymbol{M}_G = \boldsymbol{M}_Z \tag{7}$$

ここで, $p_Z = [x_Z y_Z z_Z]^T$ は ZMP, $M_G \ge M_Z$ はそれ ぞれ重心周りと ZMP 周りのモーメントである. 全反 力が足に働いているとすると, $p_Z \ge M_Z$ には次の関 係が成り立つ.

$$\boldsymbol{M}_{Z} = \sum_{i=1}^{n_{s}} \left((\boldsymbol{p}_{si} - \boldsymbol{p}_{Z}) \times \boldsymbol{f}_{i} + \boldsymbol{\tau}_{i} \right)$$
(8)

ただし、 $\mathbf{p}_{si} = [x_{si} y_{si} z_{si}]^{T}$ は慣性系に対する *i* 番目の カセンサ位置を表し、 n_{s} はカセンサの総数を表す. $f_{i} = [f_{xi} f_{yi} f_{zi}]^{T}$ と $\boldsymbol{\tau}_{i} = [\boldsymbol{\tau}_{xi} \boldsymbol{\tau}_{yi} \boldsymbol{\tau}_{zi}]^{T}$ は*i* 番目のカセンサ により計測される身体系に対する力⁰ f_{i} とトルク⁰ $\boldsymbol{\tau}_{i}$ を、 $f_{i} = R_{0}^{0} f_{i}, \boldsymbol{\tau}_{i} = R_{0}^{0} \boldsymbol{\tau}_{i}$ のように座標変換したも



Fig. 2 The overview of the proposed method.

のである. zz を任意に決定すると,式(8)のx 方向, y 方向に関する式から xz と yz が求まる.

$$x_{Z} = \frac{\sum_{i=1}^{n_{s}} \left(-\tau_{yi} + x_{si}f_{zi} - (z_{si} - z_{Z})f_{xi} \right)}{\sum_{i=1}^{n_{s}} f_{zi}}$$
(9)

$$y_{Z} = \frac{\sum_{i=1}^{n_{s}} \left(\tau_{xi} + y_{si} f_{zi} - (z_{si} - z_{Z}) f_{xi} \right)}{\sum_{i=1}^{n_{s}} f_{zi}}$$
(10)

したがって、 $M_G \simeq 0$ とすると、重心-ZMP モデルは 次式で表される.

$$\begin{bmatrix} \ddot{x}_G \\ \ddot{y}_G \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \zeta^2 (x_G - x_Z) \\ \zeta^2 (y_G - y_Z) \end{bmatrix}, \quad \zeta = \sqrt{\frac{\ddot{z}_G + g}{z_G - z_Z}}$$
(11)

しかし,実際の運動では M_G の影響を無視できるとは 限らない. さらに, ζ に z_G が含まれるため,重心の 鉛直方向における運動が水平方向における運動に影響 する.また,これまでの式(11)に基づく方法⁽⁶⁾⁽⁸⁾⁽¹⁴⁾ では,水平方向のみしか扱えない.

鉛直方向も含めて推定する方法として,ZMPに代わり,足首を倒立振子の支持点とみなした方法が提案されている⁽¹⁵⁾⁽⁹⁾. Barbier ら⁽¹⁵⁾は足首から重心までの距離が一定としてモーメントの釣り合いから重心を推定した.また,Kwonら⁽⁹⁾は柔軟倒立振子の角度を推定することで,間接的に重心を推定する方法を提案した.これらは支持足が動かないと仮定しているが,よりダイナミックな運動ではこの仮定が常に満たされるとは限らない.

以上の問題をまとめると,鉛直方向の重心を推定で きる方法^{(6) (9) (15)}は支持足が動かないと仮定している点 が,ZMPにより支持足の運動を許容できる推定方法 ^{(6) (8) (11)~(14)}は鉛直方向の推定にオフセットが残存する 点がそれぞれ問題である.そこで,これまでに著者ら ⁽¹⁶⁾は,式(2),(3)で表される運動学計算,式(4)で表さ れる反力と重心の関係,式(11)で表される重心-ZMP モデルのそれぞれから得られる重心情報を統合するカ ルマンフィルタを提案した.その方法において,運動 学計算は現在の値のみから求まるために観測方程式に, 反力と重心の関係は微分方程式により表されるために 状態方程式にそれぞれ用いた.また,重心-ZMPモデ ルはモーメントの釣り合いを近似的に表す代数式に変 形できるため,観測方程式の一部に利用した.そのモ デルに現れる左右方向と鉛直方向の重心運動における 干渉を利用することで,それらの方向における精度改 善を行ったが,前後方向を扱ってはいなかった.

3. 反トルク平衡に基づく重心推定カルマンフィルタ

本稿では,著者らのこれまでの方法を三次元へと 拡張した,重心運動推定のためのカルマンフィルタを 提案する.従来の方法では,重心-ZMPモデルとして ZMP周りのモーメントがゼロになる水平成分のみを用 いてきた.三次元へ拡張する際,同様にして水平2軸 のものを扱うことが考えられるが,位置は三次元であ るため調整が却って難しい.そこで,本稿では,式(7), (8)から求まる,次のモーメントの釣り合いを用いる.

$$\boldsymbol{p}_{G} \times \tilde{\boldsymbol{f}} = \sum_{i=1}^{n_{s}} \left(\boldsymbol{p}_{si} \times \tilde{\boldsymbol{f}}_{i} + \tilde{\boldsymbol{\tau}}_{i} \right) \equiv \tilde{\boldsymbol{\tau}}_{Z}$$
 (12)

ここで、 f_i 、 τ_i をLPFに通した \tilde{f}_i 、 $\tilde{\tau}_i$ を用いている. これは、足の接地に伴う衝撃によってZMPが急変し、 結果として生じる過大な M_G の影響を低減するためで ある.このモデルでは、ZMPの計算と異なり、零除算 は起きえない点に注意されたい.提案方法の概要を示 したものが図2である.状態量を $\mathbf{x} = [\mathbf{p}_G^T \mathbf{v}_G^T]^T$ とする と、式(4)から状態方程式は次式で表される.

$$\dot{\boldsymbol{x}} = \begin{bmatrix} \boldsymbol{O} \ \boldsymbol{1} \\ \boldsymbol{O} \ \boldsymbol{O} \end{bmatrix} \boldsymbol{x} + \begin{bmatrix} \boldsymbol{0} \\ \frac{f}{m} - \boldsymbol{g} \end{bmatrix} + \boldsymbol{w}_s \tag{13}$$

ただし、1、 $O \in \mathbb{R}^{3\times 3}$ はそれぞれ単位行列と零行列を 表し、 $0 \in \mathbb{R}^3$ は零ベクトルを表す. $w_s \in \mathbb{R}^6$ はプロセ スノイズである.式(13)において、衝撃力も含む力に より重心加速度は求まるべきとの考えから、 \tilde{f} ではな く、fを用いている点に注意されたい.また、式(2)、 (3)、(12)から観測方程式として次式を考える.

$$\mathbf{y} = \begin{bmatrix} \mathbf{1} & \mathbf{0} \\ \mathbf{0} & \mathbf{1} \\ -[\tilde{\mathbf{f}} \times] & \mathbf{0} \end{bmatrix} \mathbf{x} + \mathbf{w}_o \tag{14}$$

ここで、 $\mathbf{y} = [\tilde{p}_G^T \tilde{\mathbf{v}}_G^T \tilde{\mathbf{t}}_Z^T]^T$ は観測値を、 \mathbf{w}_o は観測ノイ ズをそれぞれ表す.ただし、 $\tilde{p}_G \geq \tilde{\mathbf{v}}_G$ の計算における $\mathbf{R}_0 \geq \mathbf{\omega}_0$ は姿勢推定器⁽¹⁷⁾により事前に得られるもの とする.また、 $p_0 \geq \mathbf{v}_0$ は、支持足の運動を許容した 位置推定器⁽¹⁸⁾により推定されるものとする. [$\mathbf{f} \times$] は $\mathbf{f} \ge 0$ 外積を表す外積行列である.

4. 実装と評価

4.1 カルマンフィルタの実装 実装のために, 式 (13), (14) で表されるシステムを離散化する. Δ*T* をサンプリング間隔とすると,前進差分近似により次 の離散システムが得られる.

$$\dot{\boldsymbol{x}} = \boldsymbol{A}\boldsymbol{x} + \boldsymbol{u}_k + \boldsymbol{w}_s \Delta T \tag{15}$$

$$\mathbf{y} = \mathbf{C}_k \mathbf{x} + \mathbf{w}_o \tag{16}$$

ここで,

$$\boldsymbol{A} = \begin{bmatrix} \boldsymbol{1} \ \Delta T \ \boldsymbol{1} \\ \boldsymbol{O} \ \boldsymbol{1} \end{bmatrix} \boldsymbol{u}_{k} = \begin{bmatrix} \boldsymbol{0} \\ \left(\frac{\boldsymbol{f}_{k}}{m} - \boldsymbol{g} \right) \Delta T \end{bmatrix} \boldsymbol{C}_{k} = \begin{bmatrix} \boldsymbol{1} & \boldsymbol{O} \\ \boldsymbol{O} & \boldsymbol{1} \\ -[\tilde{\boldsymbol{f}}_{k} \times] \boldsymbol{O} \end{bmatrix}$$

であり、添字 k は離散時刻 $k\Delta T$ を表す. $w_s\Delta T$ と w_o の共分散をそれぞれ Q_s 、 Q_o で表すとすると、カルマ ンフィルタは次のアルゴリズムに従って推定を行う.

$$\boldsymbol{K}_{k} = \boldsymbol{P}_{k|k-1} \boldsymbol{C}_{k}^{\mathrm{T}} \left(\boldsymbol{C}_{k} \boldsymbol{P}_{k|k-1} \boldsymbol{C}_{k}^{\mathrm{T}} + \boldsymbol{Q}_{o} \right)^{-1}$$
(17)

$$\hat{\boldsymbol{x}}_{k|k} = \hat{\boldsymbol{x}}_{k|k-1} + \boldsymbol{K}_k \left(\boldsymbol{y}_k - \boldsymbol{C}_k \hat{\boldsymbol{x}}_{k|k-1} \right)$$
(18)

$$\boldsymbol{P}_{k|k} = \boldsymbol{P}_{k|k-1} - \boldsymbol{K}_k \boldsymbol{C}_k \boldsymbol{P}_{k|k-1}$$
(19)

$$\hat{\boldsymbol{x}}_{k+1|k} = \boldsymbol{A}\hat{\boldsymbol{x}}_{k|k} + \boldsymbol{u}_k \tag{20}$$

$$\boldsymbol{P}_{k+1|k} = \boldsymbol{A}\boldsymbol{P}_{k|k}\boldsymbol{A}^{\mathrm{T}} + \boldsymbol{Q}_{s}$$
(21)

ここで, $\hat{x}_{k|k-1}$ と $\hat{x}_{k|k}$ はそれぞれ時刻 $k\Delta T$ における xの予測値と推定値である. $P_{k|k-1}$ と $P_{k|k}$ はそれぞれ $\hat{x}_{k|k-1}$ と $\hat{x}_{k|k}$ の誤差共分散である.

4.2 シミュレーションによる評価 提案方法の 評価を行うために、OpenHRP3⁽¹⁹⁾を用いてシミュレー ションを行った.シミュレーションにおいて、ロボッ トモデルとして mighty⁽²⁰⁾を用い、 $\Delta T = 2ms$ とした. ロボットは 0~2s まではその場に静止し,以降は歩幅 7cm,歩行周期 1 秒で前進歩行を行うように運動させ た.運動制御には,目標関節変位およびその微分に追 従させる PD 制御器を用いた.ただし,目標値は寺田 らの方法⁽²¹⁾に基づいて事前に求めた.シミュレーショ ンの様子を示したものが図 3 である.

はじめに,位置・姿勢が既知である場合における提 案方法の有効性を確認するために,力センサのノイズ として次のものを与えた.

$$\mathbf{w}_f \sim \mathcal{N}(\mathbf{0}, \operatorname{diag}\{0.17^2, 0.17^2, 0.34^2\})$$
 (22)

$$\boldsymbol{w}_{\tau} \sim \mathcal{N}(\boldsymbol{0}, 0.0034^2 \boldsymbol{1}_3) \tag{23}$$

ただし、 $w_f \ge w_\tau$ はそれぞれ力とトルクのノイズであ る. $\mathcal{N}(\mu, \Sigma)$ は平均 μ , 共分散 Σ で表される正規分 布であり、diag $\{d_1, \dots, d_n\}$ は d_1, \dots, d_n を対角成分と する対角行列である. ここで、全質量の 2% が分散の 3 倍となるように w_f の鉛直方向分散を決定し、水平 方向分散はその半分の値とした. 一方で、 w_τ の分散 は w_f の鉛直方向分散から決定した. また、モデルの 質量特性を考えると、実際のものは未知であるため、 誤差を含むものを考えるべきである. そこで、次のよ うに決定した誤差を加えた.

 $\tilde{m}_i = (1 + w_m)m_i, \quad w_m \sim \mathcal{N}(0, 0.2)$ (24)

$${}^{0}\tilde{\boldsymbol{p}}_{Gi} = (1 + w_G){}^{0}\boldsymbol{p}_{Gi}, \quad w_G \sim \mathcal{N}(0, 0.3)$$
(25)

ただし、 $\tilde{m}_i \geq {}^0 \tilde{p}_{Gi}$ は、誤差を含むi番目リンクの質量と重心位置である.

重心位置の推定結果の一例を図4に示し、代表的な5 通りの誤差パターンを与えた場合の推定誤差をまとめ たものが図5である.提案方法との比較のために、モ デルに基づく運動学計算による重心位置 (Kinematics), 提案方法から重心-ZMP モデルの部分を取り除いたも の (Without COM-ZMP) の結果も示す. ここで, 提案 方法のパラメータは試行錯誤により決定し, Without COM-ZMP のパラメータは提案方法において相当する ものと同じものを用いた. 結果から, Without COM-ZMP と Kinematics による結果にあまり大きな違いは 見られない.一方で、提案方法では、全方向において 誤差が低減できている.特に、図5において、分散は 残るものの平均誤差がゼロ付近へと変動していること が確認できる.このことから、位置・姿勢誤差がない 場合,全方向における重心位置推定に対して,モーメ ント干渉を用いた提案方法は有効であるといえる.

次に,前述の誤差に加えて,位置 p_0 と姿勢 R_0 に誤 差を含む場合の検証を行った.ここで,姿勢誤差とし て,次のような角度誤差 $e_a \in R_0$ と等価なオイラー角



Fig. 4 A result of COM position estimation[m] versus time[s]. (black solid line : The proposed method, gray solid line : Ground truth, dash line : Kinematics, dot line : Without COM-ZMP.)



Fig. 5 Results of COM position estimation error[m] versus time[s] without the position and attitude error. (black line : The proposed method, light gray line : Kinematics, gray line : Without COM-ZMP.)



Fig. 6 Results of COM position estimation error[m] versus time[s] with the position and attitude error. (black line : The proposed method, light gray line : Kinematics with KCSF, gray line : Kinematics with Pos. Est., dark gray line : Without COM-ZMP.)

に加えた.

$$\boldsymbol{e}_a = \frac{0.6}{(1+1/(2\pi)s)^2} \boldsymbol{w}_a, \qquad \boldsymbol{w}_a \sim \mathcal{N}(\boldsymbol{0}, \boldsymbol{1}) \quad (26)$$

ただし、LPF はオイラー角および角速度の二乗平均 誤差がそれぞれ約 0.035rad,約 0.4rad/s となるよう に設定した.提案方法と Without COM-ZMP におい て、 p_0 として位置推定器⁽¹⁸⁾によるものを用いた.こ れらの誤差・推定値の導入に伴い、提案方法と Without COM-ZMP におけるパラメータは試行錯誤により再決 定した. 推定誤差をまとめたものが図 6 である. ここ で、位置推定が重心推定に及ぼす影響を調べるために、 Kinematics における p_0 の推定に、位置推定器⁽¹⁸⁾を用い たもの (Kinematics with Pos. Est.) に加え、支持足が動 かないと仮定した運動学計算を用いたもの (Kinematics with KCSF)の結果も示す. 結果から、Kinematics with KCSF は Kinematics with Pos. Est. と比べて x 方向で 大きな誤差を示していることが確認できる. また、同 じ位置推定器を用いているものを比較すると、提案方 法は鉛直方向において, 姿勢誤差を含まない場合と同 様に誤差が収束する傾向を示している.

5. おわりに

本稿では、人型ロボットの全方向における高精度な 重心運動推定のために、運動学計算、反力情報、重心-ZMP モデルのそれぞれから得られる情報を統合する カルマンフィルタを提案した.重心-ZMP モデルに基 づいて、重心の各方向成分を干渉させることで、ZMP 情報を水平方向だけでなく、鉛直方向にも利用した. そのモデルにおいて、全方向における反トルク平衡を 考慮することでオフセット補償のための調整を容易と した.歩行シミュレーションに対する推定結果から、 全方向の重心推定において、提案方法の有効性が確認 できた.

謝辞本研究は科学研究費補助金挑戦的萌芽研究課題番 号#26540135(研究代表者:杉原知道)の支援を受けた.

参考文献

- K. Mitobe, G. Capi and Y. Nasu, "Control of walking robots based on manipulation of the zero moment point," *Robotica*, Vol.18, No.6(2000), pp.651–657.
- (2) 杉原知道,中村仁彦,"ZMP-重心モデルと台車型倒立 振子モデルのアナロジーによるヒューマノイドロボットの高機動化制御",日本ロボット学会誌,Vol.24,No.1 (2006), pp.74–83.
- (3) T. Sugihara, "Standing Stabilizability and Stepping Maneuver in Planar Bipedalism based on the Best COM-ZMP Regulator," *Proc. of the 2009 IEEE Int. Conf. on Robotics and Automation*, (2009), pp.1966–1971.
- (4) S. Cotton, A. P. Murray and P. Fraisse, "Estimation of the Center of Mass: From Humanoid Robots to Human Beings," *IEEE/ASME Trans on Mechatronics*, Vol.14, No.6(2009), pp.707–712.
- (5) G. Venture, K. Ayusawa and Y. Nakamura, "Motion Capture Based Identification of The Human Body Inertial Parameters," *Proc. of 30th Annual Int. Conf. of the IEEE Engineering in Medicine and Biology Society*, (2008), pp.4575–4578.
- (6) Xinjilefu and C. G. Atkeson, "State Estimation of a Walking Humanoid Robot," *Proc. of 2012 IEEE/RSJ Int. Conf. on Intelligent Robots and Systems*, (2012), pp.3693– 3699.
- (7) J. J. Eng and D. A. Winter, "Estimations of the horizontal displacement of the total body centre of mass: considerations during standing activities," *Gait & Posture*, Vol.1, No.3(1993), pp.141–144.
- (8) B. J. Stephens, "State estimation for force-controlled humanoid balance using simple models in the presence of modeling error," *Proc. of the 2011 IEEE Int. Conf. on Robotics and Automation*, (2011), pp.3994–3999.

- (9) SJ. Kwon and Y. Oh, "Real-Time Estimation Algorithm for the Center of Mass of a Bipedal Robot with Flexible Inverted Pendulum Model," *Proc. of the 2009 IEEE/RSJ Int. Conf. on Intelligent Robots and Systems*, (2009), pp.5463–5468.
- (10) M. Vukobratović and J. Stepanenko, "On The Stability of Anthropomorphic Systems," *Mathematical Biosciences*, Vol.15, No.1(1972), pp.1–37.
- (11) B. J. Benda, P. O. Riley and D. E. Krebs, "Biomechanical relationship between center of gravity and center of pressure during standing," *IEEE Trans. on Rehabilitation Engineering*, Vol.2, No.1(1994), pp.3–10.
- (12) O. Caron, B. Faure and Y. Brenière, "Estimating the centre of gravity of the body on the basis of the centre of pressure in standing posture," *J. of Biomechanics*, Vol.30, Nos.11/12(1997) pp.1169–1171.
- (13) H. M. Schepers, E. H. F. van Asseldonk, J. H. Buurke and P. H. Veltink, "Ambulatory Estimation of Center of Mass Displacement During Walking," *IEEE Trans. on Biomedical Engineering*, Vol.56, No.4(2009), pp.1189– 1195.
- (14) I. Hashlamon and K. Erbatur, "Center of Mass States and Disturbance Estimation for a Walking Biped", *Proc. of* 2013 IEEE Int. Conf. on Mechatronics, (2013), pp.248– 253.
- (15) F. Barbier, P. Allard, K. Guelton, B. Colobert and AP. Godillon-Maquinghen, "Estimation of the 3-D Center of Mass Excursion From Force-Plate Data During Standing," *IEEE Trans. on Neural Systems and Rehabilitation Engineering*, Vol.11, No.1(2003), pp.31–37.
- (16) 舛屋 賢, 杉原 知道, "運動学的情報と反力情報・ZMP を統合した人型ロボットの重心運動推定", 第 32 回日 本ロボット学会学術講演会予稿集, (2014), 2B1-01.
- (17) 杉原知道, 舛屋賢, 山本元司, "三次元高精度姿勢推 定のための慣性センサの線形・非線形特性分離に基づ いた相補フィルタ", 日本ロボット学会誌, Vol.31, No.3 (2013), pp.251–262.
- (18) K. Masuya and T. Sugihara, "Dead Reckoning of a Biped Robot on Various Terrain by Kalman Filter Adaptive to Ground Reaction Force," *Proc. of the 2014 IEEE-RAS Int. Conf. on Humanoid Robots*, (2014), pp.1075–1180.
- (19) S. Nakaoka, S. Hattori, F. Kanehiro, S. Kajita and H. Hirukawa, "Constraint-based Dynamics Simulator for Humanoid Robots with Shock Absorbing Mechanisms," *Proc. of the 2007 IEEE/RSJ Int. Conf. on Intelligent Robots and Systems*, (2007), pp.3641–3647.
- (20) T. Sugihara, K. Yamamoto and Y. Nakamura, "Hardware design of high performance miniature anthropomorphic robots," *Robotics and Autonomous System*, Vol.56, No.1(2007), pp.82–94.
- (21) 寺田 耕志, 杉原 知道, 國吉 康夫, "境界条件緩和と運動方程式の力学的三次元対称化による二脚ロボットの オンライン運動計画法",第25回日本ロボット学会学 術講演会予稿集,(2007),1G26.